

---

**Jornada de Álgebra no Amazonas - terceira edição**  
**Universidade Federal do Amazonas**  
**4 a 8 de setembro de 2017 - Parintins / AM**

---

**ZEROS  $p$ -ÁDICOS DE FORMAS ADITIVAS**

H. GODINHO (UNB) H.T.GODINHO@MAT.UNB.BR, M. KNAPP. (LOYOLA UNIVERSITY MARYLAND) MPKNAPP@LOYOLA.EDU, P.H.A. RODRIGUES (UFG) PAULO\_RODRIGUES@UFG.BR E D. VERAS (IESB) DAIANEMAT2@GMAIL.COM

**Palestra:** Zeros  $p$ -ádicos de Formas Aditivas

**Carga horária:** 50 minutos.

**Público-alvo:** Estudantes em final de graduação, em pós-graduação e pesquisadores.

**Resumo:** Para  $k \in \mathbb{N}$  e  $p$  um número primo, defina  $\Gamma^*(k, p)$  como o menor inteiro positivo  $l \in \mathbb{N}$  tal que qualquer que seja a forma diagonal  $f(x_1, \dots, x_n) = a_1x_1^k + \dots + a_nx_n^k$ , com coeficientes inteiros tenha um zero não-trivial sobre  $\mathbb{Q}_p$  desde que  $n \geq l$ . Defina também

$$\Gamma^*(k) = \max_{p \text{ primo}} \Gamma^*(k, p).$$

Em 1963, Davenport and Lewis[2] provaram que  $\Gamma^*(k) \leq k^2 + 1$  e  $\Gamma^*(p-1, p) = k^2 + 1$ , e em 1966 Dodson[3] melhorou este resultado mostrando que  $\Gamma^*(k, p) \leq \frac{49}{64}k^2 + 1$ , se  $k \neq p-1$ . Alguns resultados são conhecidos para valores específicos de  $k$ .

Antes de apresentar nosso principal resultado precisamos de algumas notações. Escreva  $k = p^\tau k_0$ , com  $\text{mdc}(p, k_0) = 1$ . também escreva  $k = \gamma q + r$ , com  $q, r \in \mathbb{Z}$ ,  $0 \leq r < \gamma$ , onde

$$(1) \quad \gamma = \gamma(k) = \begin{cases} 1, & \text{if } \tau = 0; \\ \tau + 1, & \text{se } \tau > 0 \text{ e } p > 2. \\ \tau + 2, & \text{se } \tau > 0 \text{ e } p = 2 \end{cases}.$$

**Theorem 1.** *Com a notação acima,*

$$(2) \quad \Gamma^*(k, p) \leq (p^\gamma - 1)q + p^r,$$

e a igualdade vale sempre que  $p-1$  divide  $k$ .

O caso  $p = 2$  do Teorema acima foi provado por Knapp[4] e portanto em nossa apresentação consideraremos  $p > 2$ , entretanto as técnicas são bastante parecidas com algumas adaptações. Como aplicação do Teorema 1 provamos também que:

**Theorem 2.**  $\Gamma^*(54) = 1049$ .

#### REFERÊNCIAS

- [1] Bovey, J. D.  $\Gamma^*(8)$ , Acta Arith. 25 (1974), 145-150.
- [2] Davenport, H. and Lewis, D.J. *Homogeneous additive equations*, Proc. Roy. Soc. Ser. A 274 (1963), 443-460.
- [3] Dodson, M. *Homogeneous additive congruences*, Philos. Trans. Roy. Soc. London Ser. A 261 (1967), 163-210.
- [4] Knapp, M.P. *2-Adic zeros of diagonal forms and distance pebbling of graphs*, preprint (2012).